26. Algèbre relationnelle

Exemple 1. On définit deux opérateurs sur les tables de relations :

- La projection qui permet de ne conserver que les colonnes souhaitées d'une table de relations.
- La sélection qui permet de ne conserver que les lignes vérifiant une condition donnée d'une table de relations.

| R | A_1 | A_2 | A_3 | $\pi_{A_1,A_3}(R$ | A_1 | A_3 | | $\sigma_{A_1=1}$ | OU A_3 | =v(R) | A_1 | A_2 | A_3 |
|---|-------|--------------|--------------|-------------------|-------|--------------|---|------------------|----------|-------|-------|--------------|--------------|
| | 2 | b | h | | 2 | h | • | | | | 1 | a | a |
| | 1 | a | a | | 1 | a | | | | | 4 | u | \mathbf{v} |
| | 4 | u | \mathbf{v} | | 4 | v | | | | | 1 | \mathbf{c} | d |
| | 7 | \mathbf{q} | \mathbf{r} | | 7 | \mathbf{r} | | | | | • | | |
| | 1 | \mathbf{c} | d | | 1 | d | | | | | | | |

Exercice 1. On considère la table de relations R de l'exemple 1, déterminer $\sigma_{\text{NON}(A_1=1)}(R)$, $\pi_{A_1,A_3}(\sigma_{A_2=a}(R))$ et $\pi_{A_1}(\sigma_{A_2=A_3}(R))$.

Exercice 2. On considère un modèle de données cinéma :

| ${f Films}$ | | | | | | | | | | |
|-------------|------------------------|-------|--|--|--|--|--|--|--|--|
| IdFilm | Titre | Année | | | | | | | | |
| 1 | Dracula | 1992 | | | | | | | | |
| 2 | Taxi Driver | 1976 | | | | | | | | |
| 3 | Le Parrain II | 1974 | | | | | | | | |

| Réalisateurs | | | | | | | | | |
|---------------|--------------|----------|--|--|--|--|--|--|--|
| IdRéalisateur | Prénom | Nom | | | | | | | |
| 1 | Francis Ford | Coppola | | | | | | | |
| 2 | Martin | Scorsese | | | | | | | |

| Acteurs | | | | | | | | | | |
|----------|--------|---------|--|--|--|--|--|--|--|--|
| IdActeur | Prénom | Nom | | | | | | | | |
| 1 | Gary | Oldman | | | | | | | | |
| 2 | Winona | Ryder | | | | | | | | |
| 3 | Robert | De Niro | | | | | | | | |
| 4 | Al | Pacino | | | | | | | | |

| IdRôle | IdActeur | IdFilm | Personnage |
|--------|----------|--------|------------------|
| 1 | 1 | 1 | Dracula |
| 2 | 2 | 1 | Mina Murray |
| 3 | 3 | 2 | Travis Bickle |
| 4 | 3 | 3 | Vito Corleone |
| 5 | 4 | 3 | Michael Corleone |

Rôles

| Réalisations | | | | | | | | | | |
|---------------|---------------|--------|--|--|--|--|--|--|--|--|
| IdRéalisation | IdRéalisateur | IdFilm | | | | | | | | |
| 1 | 1 | 1 | | | | | | | | |
| 2 | 1 | 3 | | | | | | | | |
| 3 | 2 | 2 | | | | | | | | |

Traduire un utilisant les opérateurs de projection et de sélection les requêtes suivantes :

- « Quels sont les titres des films réalisés en 1976? »
- « Quel est l'identifiant d'acteur de Robert De Niro? »

Exemple 2. On définit la *jointure* de deux tables de relations comme la table de relations obtenue à partir du produit cartésien de ces deux tables en fusionnant les colonnes correspondant à un même attribut (on sélectionne les lignes cohérentes) .

| R_1 | A | B | R_2 | A | C | | $R_1 \times R_2$ | A | B | A | C | $R_1 \bowtie R_2$ | A | B | C |
|-------|---|---|-------|---|---|---|------------------|---|--------------|---|-----------------|-------------------|---|---|--------------|
| | 2 | b | | 1 | c | ' | | 2 | b | 1 | $^{\mathrm{c}}$ | | 2 | b | d |
| | 1 | a | | 2 | d | | | 2 | b | 2 | d | | 1 | a | \mathbf{c} |
| | • | | | | | | | 1 | a | 1 | \mathbf{c} | | • | | |
| | | | | | | | | 1 | \mathbf{a} | 2 | d | | | | |

Exercice 3. On considère le modèle de données cinéma de l'exercice 2.

- 1. Déterminer les jointures suivantes :
 - Réalisations ⋈ Réalisateurs.
 - (Rôles \bowtie Acteurs) \bowtie Films.
- 2. Traduire un utilisant les opérateurs de projection et de sélection ainsi qu'une jointure les requêtes suivantes :
 - − « Quels sont les personnages joués par Robert De Niro? »
 - « Quels sont les titres des films réalisés par Francis Ford Coppola? »