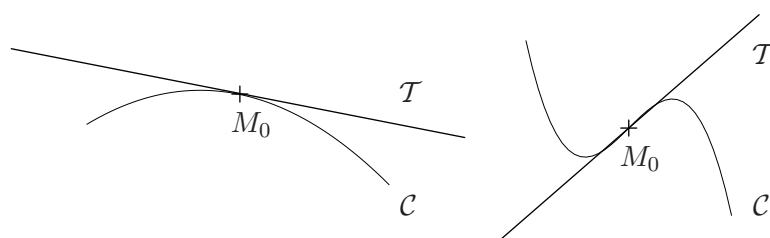


Tangente et Nombre Dérivé

Définition 1. On appelle tangente \mathcal{T} à la courbe \mathcal{C} au point M_0 si elle existe, la droite qui approche le mieux la courbe \mathcal{C} au voisinage du point M_0 .



Exercice 1. Tracer la courbe représentative \mathcal{C} de la fonction carré sur l'intervalle $[0; 4]$. Construire la tangente \mathcal{T} à la courbe \mathcal{C} au point $M_0(1; 1)$ d'équation $y = 2x - 1$.

Définition 2. Soit f une fonction et \mathcal{C} sa courbe représentative dans un repère orthonormal. Si la courbe \mathcal{C} admet une tangente au point de coordonnées $(x_0; f(x_0))$ non parallèle à l'axe des ordonnées alors on appelle nombre dérivé de la fonction f en x_0 et on note $f'(x_0)$ le coefficient directeur de cette tangente.

Exercice 2. Quel est le nombre dérivé de la fonction carré en $x_0 = 1$?

Exercice 3. Que peut-on dire du nombre dérivé dans la cas où la fonction f est croissante ou décroissante ?

Propriété 1.

- Le nombre dérivé en x_0 d'une fonction constante est $f'(x_0) = 0$.
- Le nombre dérivé en x_0 d'une fonction affine $f(x) = ax + b$ est $f'(x_0) = a$.
- Le nombre dérivé en x_0 de la fonction carré $f(x) = x^2$ est $f'(x_0) = 2x_0$.
- Le nombre dérivé en x_0 de la fonction cube $f(x) = x^3$ est $f'(x_0) = 3x_0^2$.
- Le nombre dérivé en $x_0 \neq 0$ de la fonction inverse $f(x) = \frac{1}{x}$ est $f'(x_0) = -\frac{1}{x_0^2}$.
- Le nombre dérivé en $x_0 \neq 0$ de la fonction racine carrée $f(x) = \sqrt{x}$ est $f'(x_0) = \frac{1}{2\sqrt{x_0}}$.

Exercice 4. Calculer le nombre dérivé de la fonction inverse en $x_0 = -2$.

Exercice 5. Déterminer l'équation de la tangente à la courbe représentative de la fonction inverse au point d'abscisse $x_0 = -2$.