IX. Polynômes

Exemples de commandes Maple

1. Définition du polynôme $P = X^3 - 3X^2 + 2X - 6$ et calcul du degré, du coefficient en X^2 , de P(1).

```
> P:=X^3-3*X^2+2*X-6;
> degree(P);coeff(P,X,2);subs(X=1,P);
```

2. Calcul des racines de P et factorisation de P.

```
> solve(P=0,X);
> factor(P);factor(P,{I,sqrt(2)});
```

3. Calcul du polynôme dérivé P' et division euclidienne de P par P'.

```
> dP:=diff(P,X);
> quo(P,dP,X);rem(P,dP,X);
```

4. Développement du polynôme Q = (X - a)(X - b)(X - c).

```
> Q:=(X-a)*(X-b)*(X-c);
> expand(Q);collect(Q,X);
```

Exercices

- 1. Déterminer a tel que le polynôme X^2+aX+1 divise le polynôme X^4+aX^2+1 .
- 2. Déterminer $a \in \mathbb{R}$ tel que le polynôme $P = X^3 aX^2 a^2X + 1~$ admette une racine double.
- 3. Déterminer les polynômes P de degré 3 tels que 3P(X) = XP'(X) + P''(X).
- 4. Déterminer l'unique polynôme P de degré 3 tel que $P(X+1) P(X) = X^2$, en déduire $\sum_{k=1}^{k=n} k^2$.